

座標平面上の原点 $O(0, 0)$ から、放物線 $C: y = ax^2 + 2x + 1$ に、2本の異なる接線を引く。それらのなす角が 45° となるような実数の定数 a の値を求めよ。