

$$x + yi = t - 1 - \sqrt{t^2 - t} \dots\dots\dots \textcircled{1}$$

(1) $t \leq 0$ のとき, $\sqrt{t^2 - t}$ は実数となるから, $\textcircled{1}$ より,

$$x = t - 1 - \sqrt{t^2 - t}$$

$$y = 0$$

である。

$t < 0$ においては, $\frac{dx}{dt} = 1 - \frac{2t-1}{2\sqrt{t^2-t}} > 0$ となるから, x は t の増加関数となる。そして,
 $\lim_{t \rightarrow -\infty} x = -\infty$, $t = 0$ のとき $x = -1$ である。

よって, 点 P は半直線 $y = 0$, $x \leq -1$ を描く。

(2) $0 \leq t \leq 1$ のとき, $t^2 - t \leq 0$ であるから,

$$\sqrt{t^2 - t} = \sqrt{t - t^2} i$$

となる。 $\textcircled{1}$ より,

$$x = t - 1$$

$$y = -\sqrt{t - t^2}$$

である。この 2 式から t を消去すると

$$y = -\sqrt{-x^2 - x} = -\sqrt{\frac{1}{4} - \left(x + \frac{1}{2}\right)^2}$$

である。そして, $0 \leq t \leq 1$ より, $-1 \leq x \leq 0$, $y \leq 0$ である。

よって, 点 P は, 円 $\left(x + \frac{1}{2}\right)^2 + y^2 = \left(\frac{1}{2}\right)^2$ のうち, $y \leq 0$ の部分を描く。

(3) $t \geq 1$ のとき, $\sqrt{t^2 - t}$ は実数となるから,

$$x = t - 1 - \sqrt{t^2 - t}$$

$$y = 0$$

である。

$t > 1$ においては, $\frac{dx}{dt} = 1 - \frac{2t-1}{2\sqrt{t^2-t}} = 1 - \frac{2t-1}{\sqrt{(2t-1)^2-1}} < 0$ となるから, x は t の
 減少関数となる。そして, $t = 1$ のとき $x = 0$, $\lim_{t \rightarrow +\infty} x = -\frac{1}{2}$ である。

よって, 点 P は線分 $y = 0$, $-\frac{1}{2} < x \leq 0$ を描く。

以上から，点 P が描く図形は下図の太線部分のようになる。

